X(1st Sm.)-Physics-G/(GE/CC-1)/CBCS

# 2022

# PHYSICS — GENERAL

(For Syllabus : 2019-2020 and 2018-2019)

# Paper : GE/CC-1

#### (Mechanics)

# Full Marks : 50

Candidates are required to give their answers in their own words as far as practicable.

প্রান্তলিখিত সংখ্যাগুলি পূর্ণমান নির্দেশক।

১নং প্রশ্ন এবং অন্য *যে-কোনো চারটি* প্রশ্নের উত্তর দাও।

- >। যে-কোনো পাঁচটি প্রশ্নের উত্তর দাও ঃ
  - (ক)  $\vec{A} = 2\hat{i} + 4\hat{j} 5\hat{k}$  ও  $\vec{B} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$  ভেক্টরদ্বয়ের সঙ্গে লম্ব একক ভেক্টর কী হবে?
  - (খ) A, B ও C তিনটি বিন্দুর অবস্থান ভেক্টর  $\vec{r_1} = \hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}, \vec{r_2} = 3\hat{i} + 2\hat{j} 3\hat{k}$  ও  $\vec{r_3} = 2\hat{i} + 2\hat{j} 3\hat{k}$ .  $\Delta ABC$  ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল নির্ণয় করো।
  - (গ) স্টোকস্ সূত্র ব্যবহার করে প্রমাণ করো  $ec
    abla imes ec
    abla \phi = 0$
  - (ঘ) কেপলারের সূত্র তিনটি লেখো।
  - (৬) Y ইয়ংগুণাঙ্কযুক্ত এবং L দৈর্ঘ্যের একটি তারের টান দিয়ে l দৈর্ঘ্যবৃদ্ধি করতে কৃতকার্য কত হবে?
  - (চ) r ব্যাসার্ধের ও S পৃষ্ঠটানযুক্ত একটি তরলের বুদবুদের ভেতরের অতিরিক্ত চাপ কত হবে?
  - (ছ) কোনো নৃত্যশিল্পী যখন তার হাত ছড়িয়ে কোনো অক্ষ বরাবর 2.4 rps বেগে চক্রাকারে ঘোরে তখন তার জড়তা ভ্রামক ঘূর্ণাক্ষের সাপেক্ষে I হয়। হাত গুটিয়ে নিলে জাড্য ভ্রামকের মান হয় 0.6I। তার নতুন ঘূর্ণন বেগ কত?
  - ২। (ক)  $ec \omega$  একটি স্থির ভেক্টর ও ec r একটি বিন্দুর অবস্থান ভেক্টর হলে দেওয়া আছে  $ec v = ec \omega imes ec r$ । প্রমাণ করো ec 
    abla ec v = 0 ।
    - (খ) যদি  $\vec{F} = x^2\hat{i} + y^2\hat{j}$  হয়, তবে x y সমতলে  $y = x^2$  রেখা বরাবর P(0, 0) থেকে Q(1, 1) পর্যন্ত রেখা সমাকল  $\int_{C} \vec{F} \cdot d\vec{r}$  -এর মান নির্ণয় করো।

(গ) 
$$p$$
-এর কোন্ মানের জন্য নীচের তিনটি ভেক্টর সমতলীয় হবে?  
 $\vec{A} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}, \ \vec{B} = 3\hat{i} + 4\hat{j} + 5\hat{k}, \ \vec{C} = \hat{i} + \hat{j} - p\hat{k} \cdot$  ৩+৩+৪

#### **Please Turn Over**

2×¢

X(1st Sm.)-Physics-G/(GE/CC-1)/CBCS

- (ক) দেখাও যে গ্যালিলীও রূপান্তরে নিউটনের সূত্র অপরিবর্তিত থাকে।
  - (খ) একটি কণার কৌণিক ভরবেগ সুত্রটি লেখো ও প্রমাণ করো।
  - (গ) প্রমাণ করো যে কোনো বলক্ষেত্রে কোনো কণার সরণ ঘটলে ওই কণা দ্বারা কৃতকার্য গতিশক্তির পরিবর্তনের সমান হয়।
     ৩+৩+৪
- 8। (ক) জাড্য ভ্রামকের সংজ্ঞা দাও। একটি R ব্যাসার্ধের কোনো গোলীয় খোলকের ব্যাস বরাবর জাড্য ভ্রামক নির্ণয় করো। এই সম্পর্কটি ব্যবহার করে এর স্পর্শক বরাবর জাড্য ভ্রামকের মান নির্ণয় করো।
  - (খ) ভূপৃষ্ঠের কাছাকাছি বৃত্তাকার কক্ষপথে প্রদক্ষিণরত কোনো উপগ্রহের প্রদক্ষিণ বেগ এবং প্রদক্ষিণকালের রাশিমালা নির্ণয় করো।
     (১+৩+২)+(৩+১)
- ৫। পরবশ কম্পন কী? m ভরের একটি কণার ওপর প্রত্যানায়ক বল Sx, মন্দন বল Kv ও একটি বাহ্যিক বল f<sub>o</sub>sin ωt ক্রিয়াশীল। কণার গতির অবকল সমীকরণ লেখো ও সমাধান করো। কখন এর অনুনাদ হবে?
- ৬। (ক) দেখাও যে কেন্দ্রগ বলক্রিয়ায় কোনো কণার ক্ষেত্রীয় বেগ ধ্রুবক হয়।
  - (খ) দেখাও যে বাঁকানো দণ্ডের মধ্যের অভ্যন্তরীণ টর্ক YI/R হয়। যেখানে Y দণ্ডের ইয়ংগুণাঙ্ক, I-এর জ্যামিতিক জাড্য-ভ্রামক ও R দণ্ডের বক্রতা ব্যাসার্ধ।
  - (গ) কোনো r ব্যাসার্ধের ও l দৈর্ঘ্যের স্থিতিস্থাপক তারের নীচে M ভরের ও R ব্যাসার্ধের চোঙ যুক্ত করে এর ব্যবর্ত দোলন করানো হলে ওই তারের দোলনকাল কত হবে?
- ৭। (ক) 2 mm ব্যাসের 1000টি জলবিন্দু এক হয়ে একটি বড় জলবিন্দু গঠন করলে শক্তিক্ষয় কত হবে? জলের পৃষ্ঠটান 0.072 N/m।
  - (খ) কোনো কৈশিক নলে জলের উর্ধ্বারোহণ কেন হয়? দেখাও যে এই আরোহণ প্রায়  $h = \frac{2S}{gr}$  হয়, যেখানে S জলের পৃষ্ঠটান,

r নলের ব্যাসার্ধ ও g অভিকর্ষজ ত্বরণ হয়।

#### অথবা,

# [2018-2019 **সিলেবাস**]

কোনো এক মুহূর্তে কণার সরণ x = a cos wt + b sin wt। দেখাও যে কণার গতি সরল দোলগতি। যদি a = 0.3 m, b = 0.4 m এবং w = 2 হয়, তবে ওই গতির পর্যায়কাল, বিস্তার এবং সর্বাধিক গতিবেগ নির্ণয় করো। ২+৩ (গ) তরলের পৃষ্ঠটানের ওপর তাপমাত্রার প্রভাব কী?

২+৩

X(1st Sm.)-Physics-G/(GE/CC-1)/CBCS

### [ English Version ]

(3)

The figures in the margin indicate full marks.

### Answer question no. 1 and any four from the rest.

- 1. Answer any five questions :
  - (a) Find a unit vector normal to  $\vec{A} = 2\hat{i} + 4\hat{j} 5\hat{k}$  and  $\vec{B} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ .
  - (b) The position vectors of three points A, B and C are  $\vec{r_1} = \hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ ,  $\vec{r_2} = 3\hat{i} + 2\hat{j} 3\hat{k}$  and  $\vec{r_3} = 2\hat{i} + 2\hat{j} 3\hat{k}$ . Find the area of the triangle.
  - (c) Using Stoke's law, prove that  $\vec{\nabla} \times \vec{\nabla} \phi = 0$ .
  - (d) Write down the three laws of Kepler.
  - (e) To increase the length of a wire of length L and Young's Modulus Y by an amount l by stretching it how much work is done?
  - (f) What is the excess pressure inside a liquid bubble of radius r and whose surface tension is S?
  - (g) A dancer when spreads out her hands and rotates about an axis at an angular speed 2.4 *rps*, then her moment of intertia is I. When she puts her hands close to her chest then moment of inertia becomes 0.6*I*. Find her new angular speed.
- 2. (a)  $\vec{\omega}$  is a constant vector and  $\vec{r}$  is the position vector of a point. If  $\vec{v} = \vec{\omega} \times \vec{r}$ , then prove that  $\vec{\nabla} \cdot \vec{v} = 0$ .
  - (b) If  $\vec{F} = x^2 \hat{i} + y^2 \hat{j}$ , then find the line integral  $\int_c \vec{F} \cdot d\vec{r}$  in the x y plane along a line  $y = x^2$  from P(0, 0) to Q(1, 1).
  - (c) For what value of p the following 3 vectors will be coplanar?  $\vec{A} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ ,  $\vec{B} = 3\hat{i} + 4\hat{j} + 5\hat{k}$ ,  $\vec{C} = \hat{i} + \hat{j} - p\hat{k}$ .
- 3. (a) Show that Newton's laws remain invariant under Galilean transformation.
  - (b) State and prove the angular momentum conservation rule for a particle.
  - (c) Prove that in a force field if a particle is displaced, then the work done by the particle is equal to the change in kinetic energy. 3+3+4
- 4. (a) Define moment of intertia. Find the moment of inertia of a spherical shell of radius R along its diameter. Find the moment of inertia about the tangent using the above derived expression.
  - (b) Find the expression for the orbital speed and the time period of revolution of a satellite in a circular orbit close to the surface of the earth. (1+3+2)+(3+1)

**Please Turn Over** 

2×5

3+3+4

- 5. What is forced vibration? On a particle of mass m, a restoring force Sx, a damping for Kv and an external force  $f_o \sin \omega t$  are acting. Write the differential equation and solve it. When resonance will take place?
- (a) Show that the areal velocity of a particle remains constant under central force. 6.
  - (b) Show that the internal torque inside a bent beam is  $\frac{YI}{P}$ , where Y is the Young's modulus of the material of the beam, I is the geometrical moment of inertia of the beam and R is the radius of curvature of the bent beam.
  - (c) A cylinder of mass M and radius R is attached to a wire of length l and radius r. Find the time period of the torsional oscillation.
- (a) 1000 water droplets of diameter 2 mm coalease to form a large drop. What will be the loss of 7. energy? The surface tension of water is 0.072 N/m.
  - (b) Why water level rises inside a capillary tube? Show that the rise is approximately equal to  $h = \frac{2S}{gr}$ ,

where S is the surface tension of water, r is the radius of the capillary tube and g is acceleration due to gravity.

#### Or,

# [2018-2019 Syllabus]

The displacement of a particle at a time 't' is given by  $x = a \cos \omega t + b \sin \omega t$ . Show that the motion of the particle is simple harmonic. If a = 0.3 m, b = 0.4 m and  $\omega = 2$ , then find the time 2+3period, maximum velocity, amplitude of the particle.

(c) How surface tension of a liquid varies with temperature?

2